

# **www.icivil.ir**

**پرتابل جامع دانشجویان و مهندسین عمران**

**اړلله ګتابها و مژوټات رايګان مهندسى عمران**

**بھترین و عرټريں مقاالت روپ عمران**

**انډون کډی ټفاصی مهندسى عمران**

**څوپړی ټفاصی مهندسى عمران**



@icivilir



icivil.ir



# فیلم های آموزشی طراحی و محاسبات ساختمان

## Etabs - Safe

تدریس اختصاصی مهندس سلطان آبادی  
(مولف کتابهای مرجع آموزش نرم افزار های Etabs)

### بیش از ۱۴ ساعت فیلم آموزشی

طراحی سازه های فولادی به روش LRFD با نرم افزارهای Safe و Etabs

طراحی سازه های بتنی با نرم افزارهای Safe و Etabs

طراحی و محاسبات سقف ها (دال ساده - یوبوت - کوبیاکس و ...) با

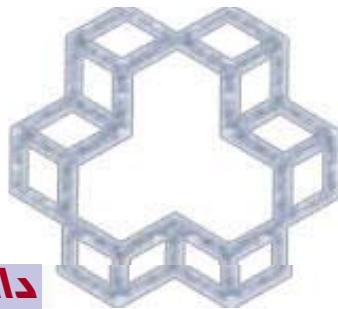
مطابق با آخرین تغییرات آیین نامه ها

تشریح کامل نکات آیین نامه ای حین آموزش

مشاهده سرفصل ها و دانلود نمونه های رایگان ...

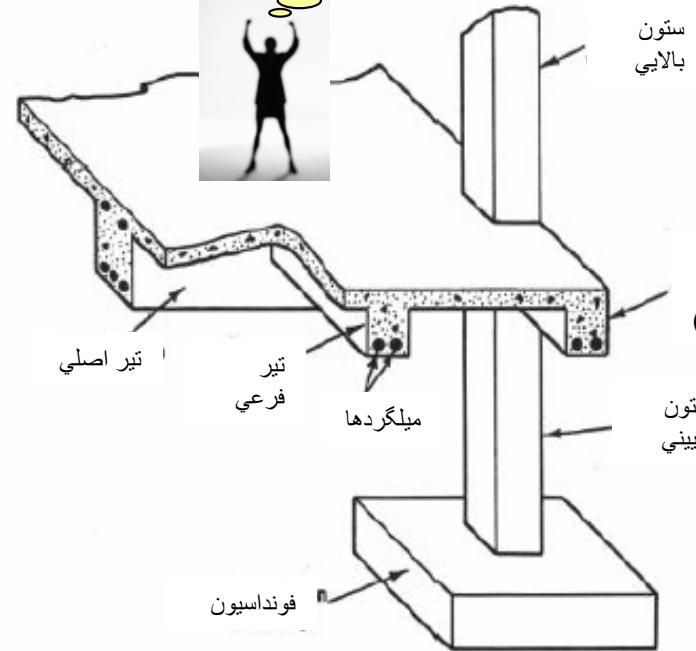


با زبان فارسی  
**ETABS**



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

اَن روش اِسْتَادِم!



## فصل سوم

## فصل سوم

ندال و طرائف

- ۱ - دال یک طرفه
- ۲ - دال دو طرفه

**بخش اول**

**• مقدمه**

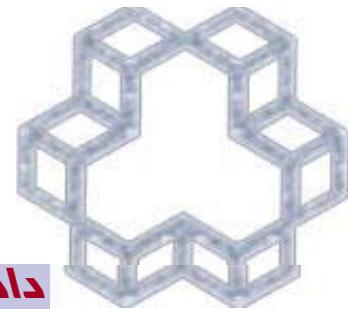
**• روش ضایع**

دال دیگه  
چیه؟



جزوه بتن ۲

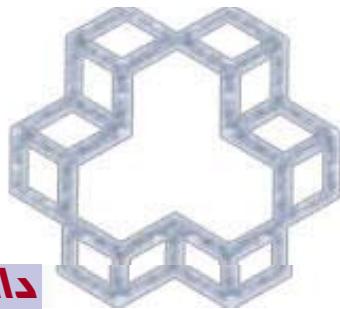
تدوین: دکتر سید بعoram بهشتی



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

# أنواع دال ها:

- دال يك طرفه
- دال دو طرفه

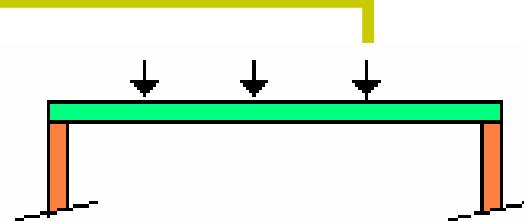


## dal چیست؟

یک دال بتنی یک عضو صفحه ای لاغر است.

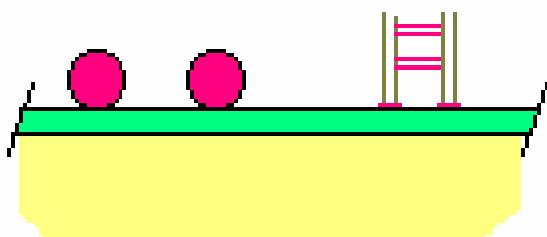
### □ دال های آویخته

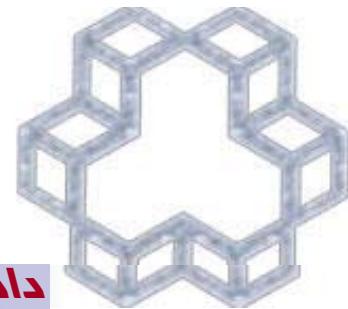
- بارها را توسط عمل خمشی منتقل می کند.
- فضای بالایی و پایینی را از هم جدا می کند.



### □ دال رویی زمین

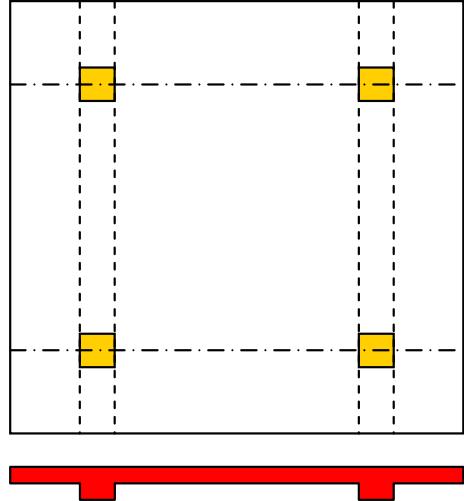
- بارهای متمرکز را به تکیه گاهی مثل زمین پخش می نماید.
- یک سطح برای کار کردن به وجود می آورد و زمین را محفوظ می کند.



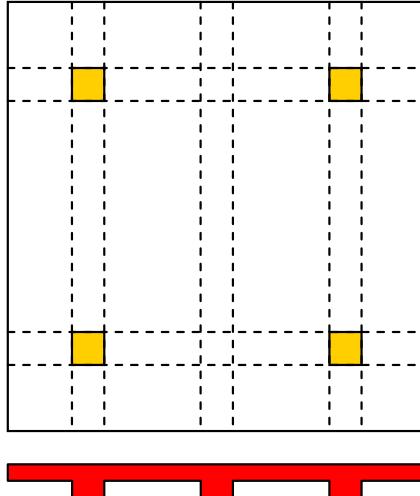


دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

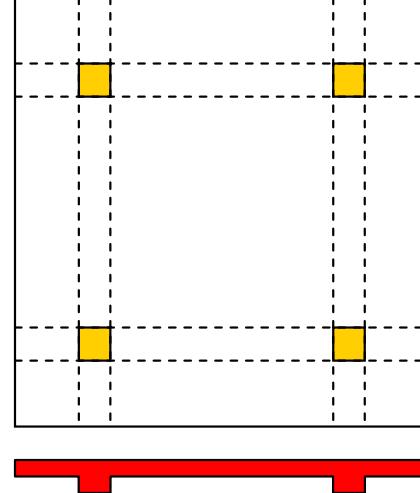
## ادواع دال



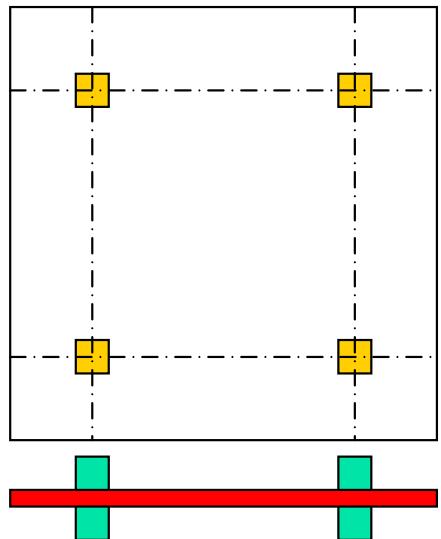
دال یکطرفه



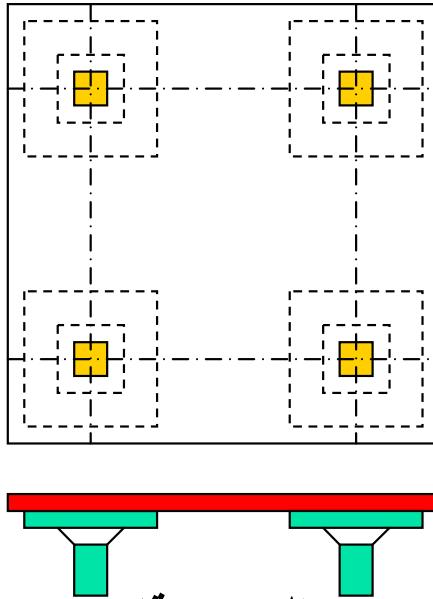
دال یکطرفه



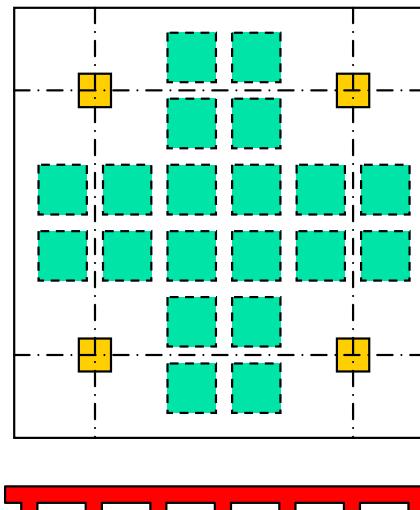
دال دوطرفه



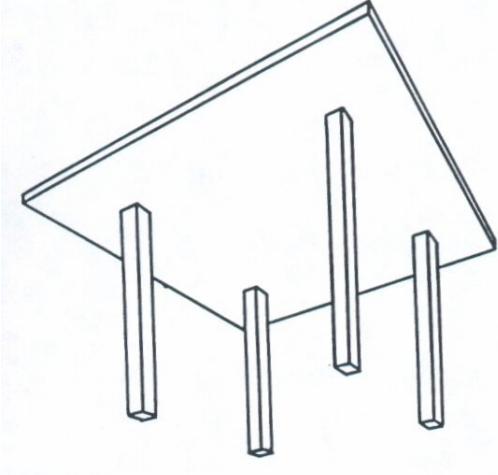
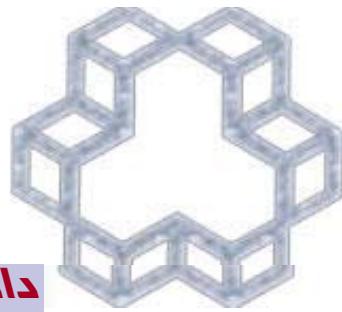
دال تحت



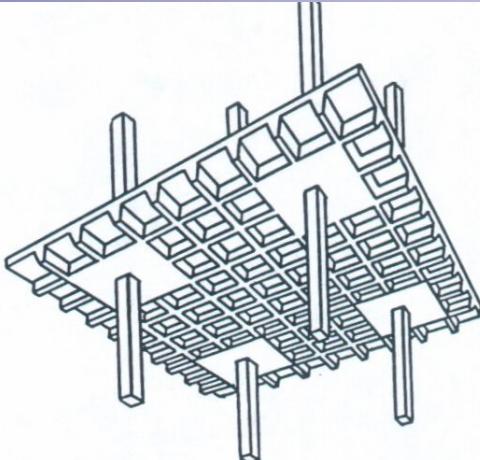
دال تخت قارچی



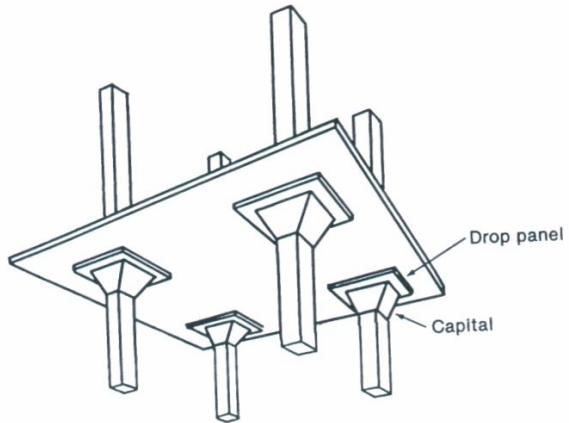
دال وافل



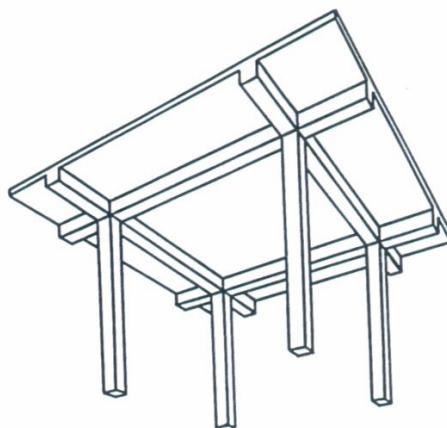
dal tخت



dal wafel

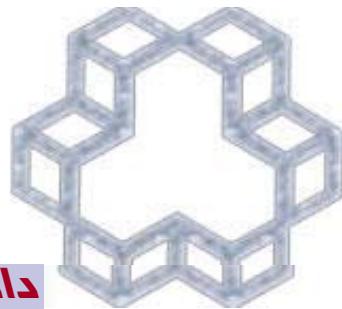


dal tخت قارچی

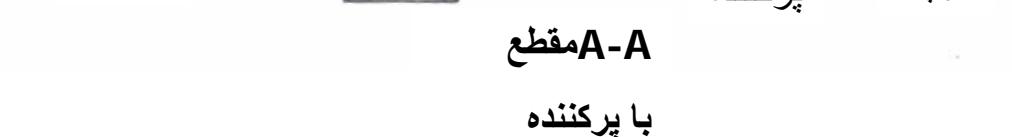
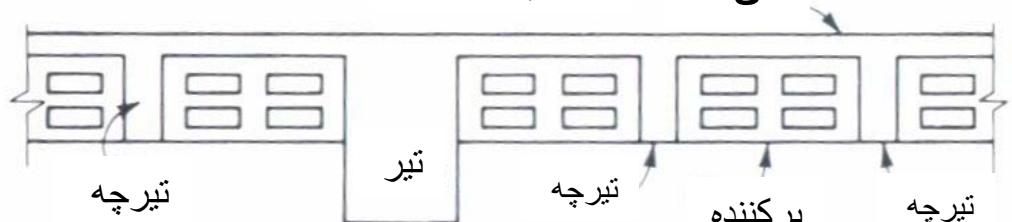
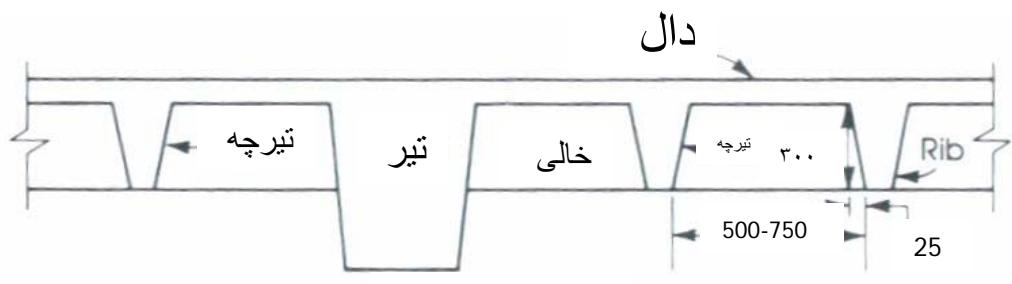
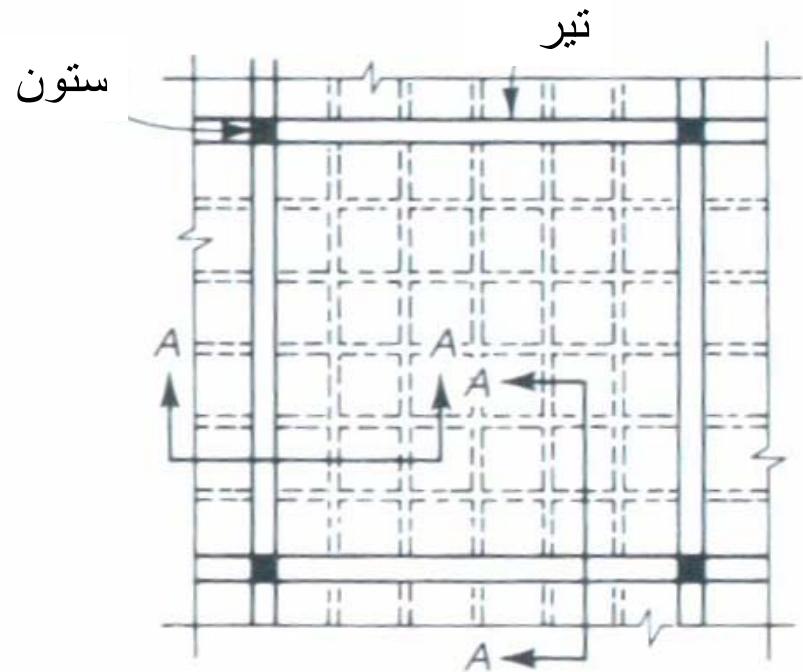


dal ba tir tkiye gahi

نمای سه  
بعدی دالها



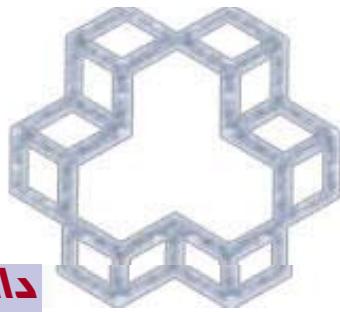
## دانشگاه صنعتی خواجه ذصیرالدین طوسی



### دال دوطرفه تیرچه بلوک "وافل" (با پرکنده و بدون پرکنده)

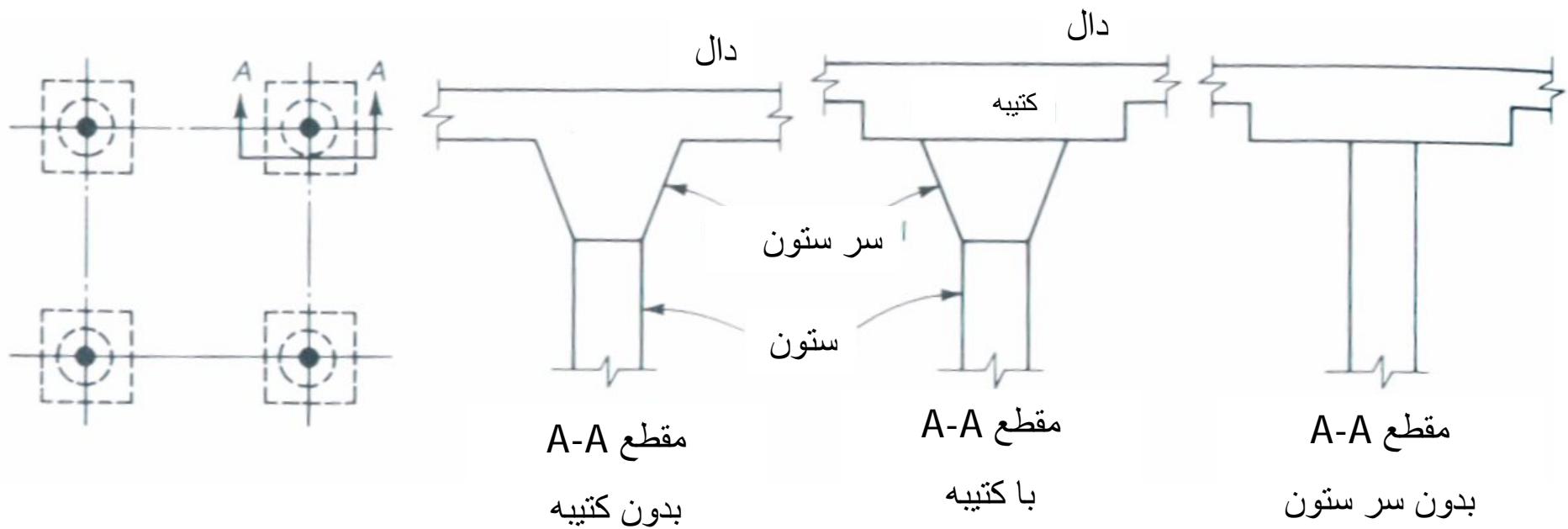
✓ ضخامت دال معمولاً ۵ تا ۱۰ سانتیمتر است

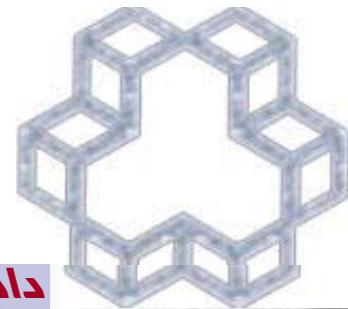
✓ در دالهای بدون تیر بیشتر استفاده می گردد



## اتصال دال تخت به ستون

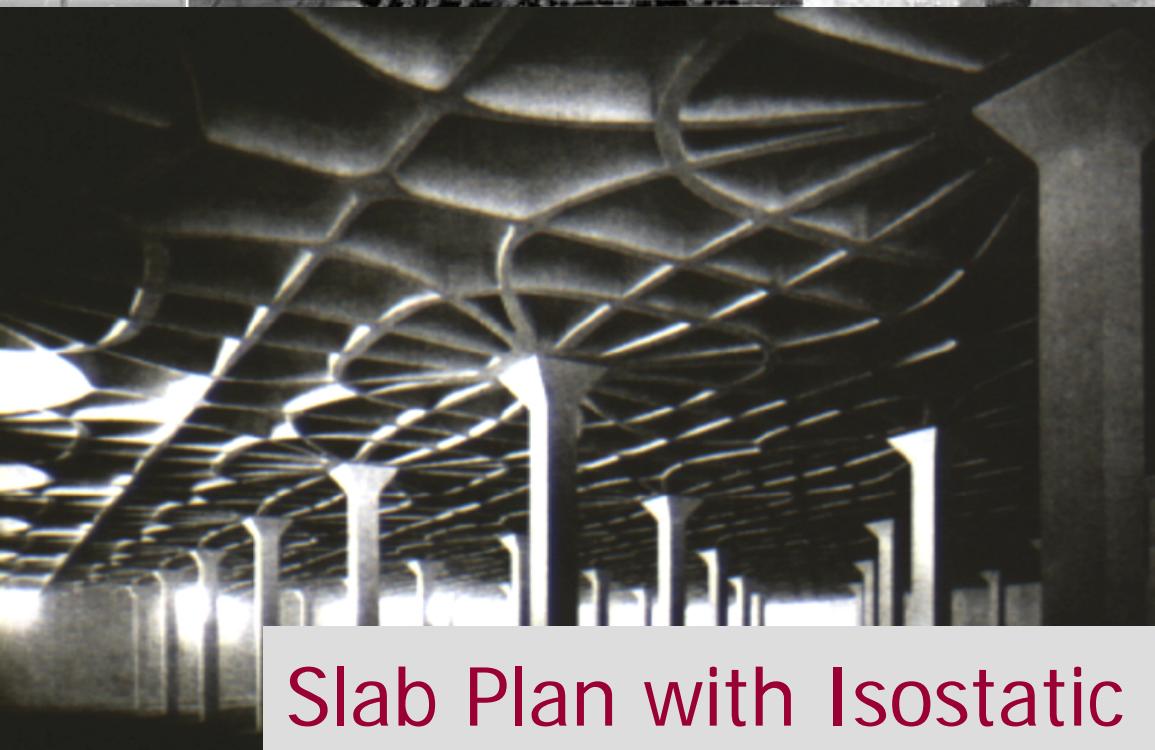
این اتصال توسط سرستون، کتیبه و یا هردو انجام می گردد.



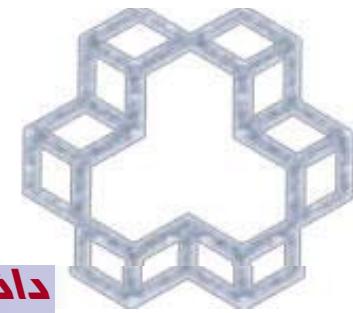


دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

## Joists Slab



Slab Plan with Isostatic

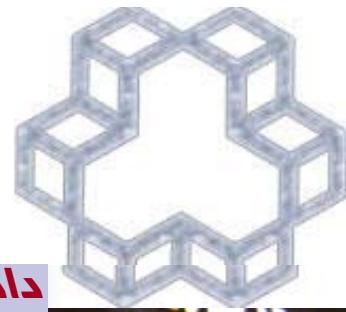


دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

waffle-slab

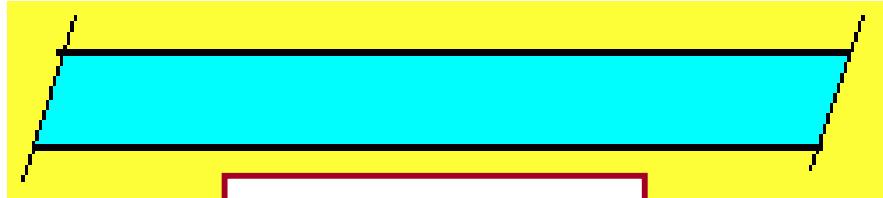
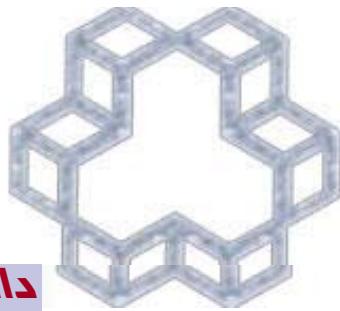


Flat slab



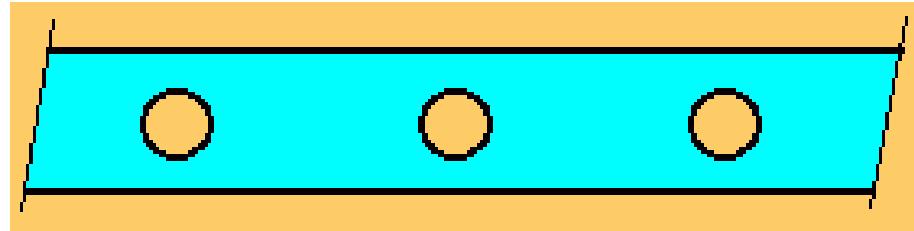
## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی



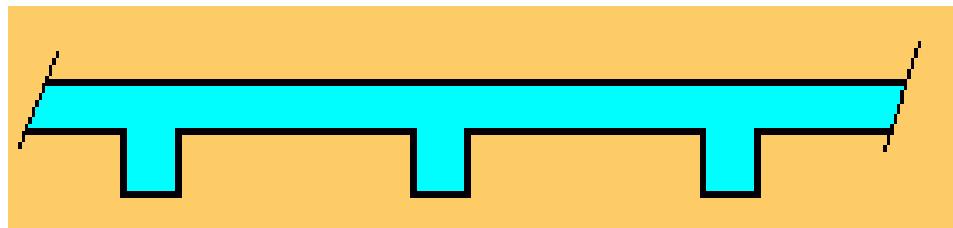


دال توپر

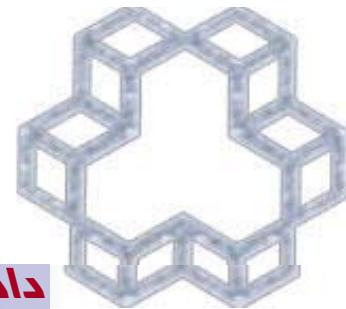
یک دال آویخته ممکن است :



دال هسته تو خالی



دال تیرچه ای



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

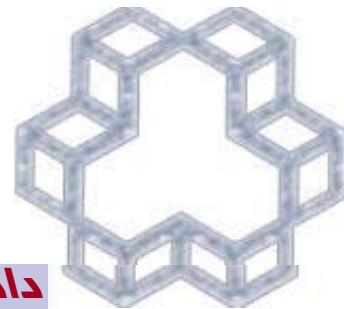
## دلایل اختیاب سیستم دال ها:

### ■ اقتصاد ساخت

- دال های تخت معمولاً کمترین تلاش را برای اجرا کردن قالبها لازم دارند و کمترین هزینه را برای کارگر در بر دارند.
- در جا هایی که مزد کارگر زیاد است به ندرت دال های دو طرفه استفاده می شود حتی سازندگان محلی نیز قادر به اداره روند ساخت دال تخت هستند.
- دال های وافل از یک فرم استاندارد قالب تبعیت می کنند.

### ■ قابلیت سرویس دادن

- معمولاً در دال های بدون تیر کنترل تغییر شکل ها دشوار می باشد.
- این تغییر شکل ها را می توان با اضافه کردن سر ستون ها یا تیر ها کنترل نمود.
- برای کم کردن این تغییر شکل ها می توان از دال های دو طرفه استفاده کرد.
- ترک های ناشی از لنگر منفی ممکن است در دال های تخت ایجاد مشکل کنند.



### قابلیت انتقال یا جذب بار

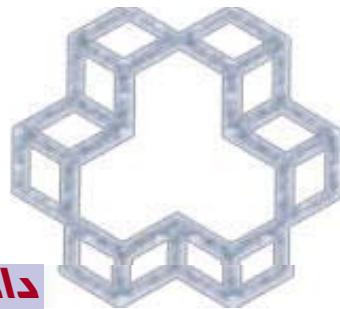
- دال های تخت بدون سرستون برای دهانه کوچکتر از ۶ متر برای مناطق مسکونی و مناطق تجاری سبک. ✓
- دال های تخت سرستون دار دارای دهانه های کوچکتر از ۶ متر و بار زنده بزرگتر از ۵۰۰ برای انبار های کالا، پارکینگ ها و گاراژ ها. ✓
- دال های وافل برای دهانه های تا ۹ متر. ✓
- در دال های بدون تیر اگر نیروهای جانبی به قاب ها بجای بادبند و یا دیوار های برشی وارد شود ایجاد مشکل می کند. ✓

### اقتصاد مصالح

- دال های دو طرفه و دال های وافل به فولاد کمتری نیاز دارند. ✓
- با شبکه شبکه کردن دال های وافل مقدار بتن مورد نیاز کاهش یافته و وزن نیز کاهش می یابد. ✓
- دال های با هسته تو خالی در مناطقی که قیمت فولاد و سیمان به نسبت کارگر خیلی بیشتر است ساخته می شود. ✓

### نکات خاص

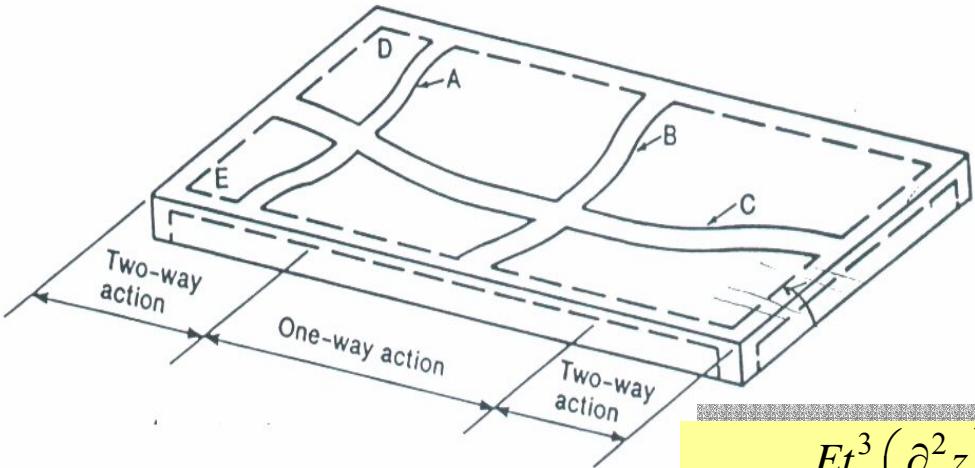
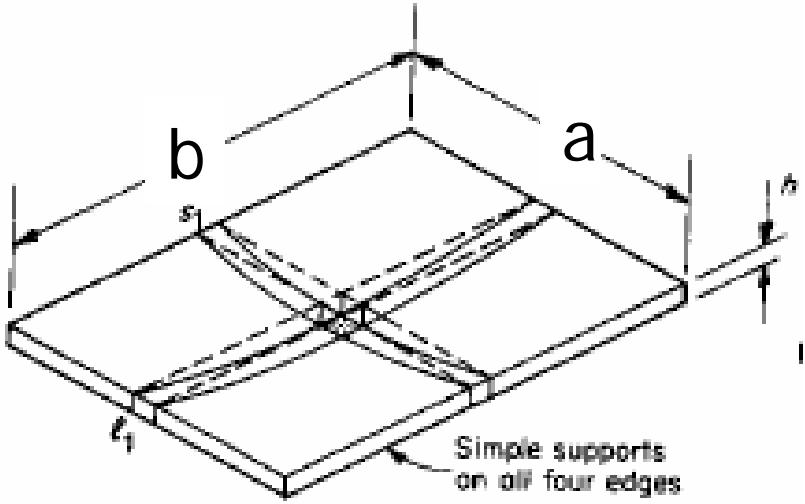
- وجود تیرها یا سرستون ها ممکن است مورد اعتراض معماران باشد
- کاربرد دالهای تخت ارتفاع مفید طبقه را افزایش می دهد. به اضافی هر ۱۲ طبقه یک طبقه صرفه جویی می شود.
- وقتی از دال های بدون تیر استفاده می کنیم ستون ها را هر جا بخواهیم می گذاریم.



دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

## مقایسه رفتار دال یکطرفه و دو طرفه

- دال یکطرفه بار را در یک جهت منتقل می کند
- دال دوطرفه بار را در دو جهت منتقل می کند



بار منتقل شده در جهت کوتاه

بار منتقل شده در جهت بلند =

$$\frac{5w_s a^4}{384EI} = \frac{5w_l b^4}{384EI}$$

$$\frac{w_s}{w_l} = \frac{b^4}{a^4} \quad \text{For } b = 2a \Rightarrow w_s = 16w_l$$

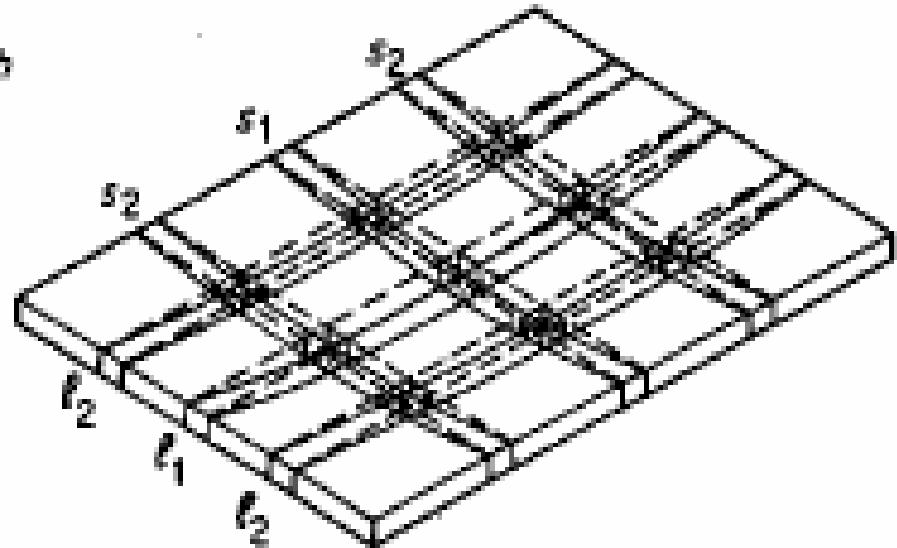
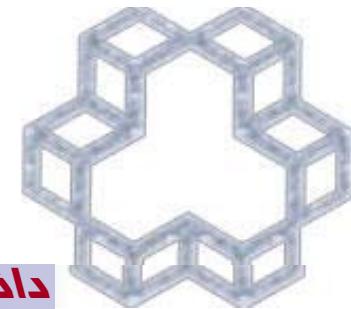
$$\delta_A = \delta_B$$

$$m_x = -\frac{Et^3}{12} \left( \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} \right)$$

$$m_y = -\frac{Et^3}{12} \left( \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} \right)$$

$$m_{xy} = -\frac{Et^3}{12} \left( \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} \right)$$

قانون سرانگشتی: اگر نسبت  $b/a > 2$  باشد، دال دارای رفتار یکطرفه است

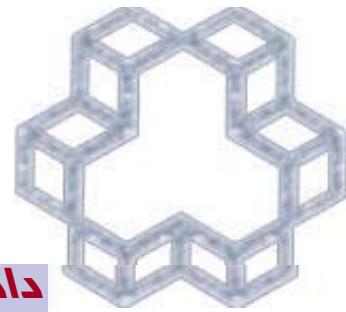


## اثر لنگر پیچشی

چنانچه تلاقی نوارهای  $S_2$  و  $S_1$  را در نظر بگیریم. بعلت تغیر شکل طولی هر یک از نوارها سبب ایجاد لنگرهای تنشهای پیچشی در نوار دیگر می‌گردد. این اثر بخصوص در گوشه دالها بسیار بیشتر از قسمتهای دیگر می‌باشد. لذا بارهای واردہ نتها توسط لنگرهای خمی منتقل می‌گردد بلکه قسمتی نیز توسط لنگرهای پیچشی تحمل می‌شود. لذا لنگرهای محاسباتی واقعی کمتر از لنگرهای محاسباتی توسط تبدیل دال به نوارهای متعامد است. بطور مثال لنگرهای خمی وسط دهانه در یک دال مربع با تکیه گاههای ساده چنین است:

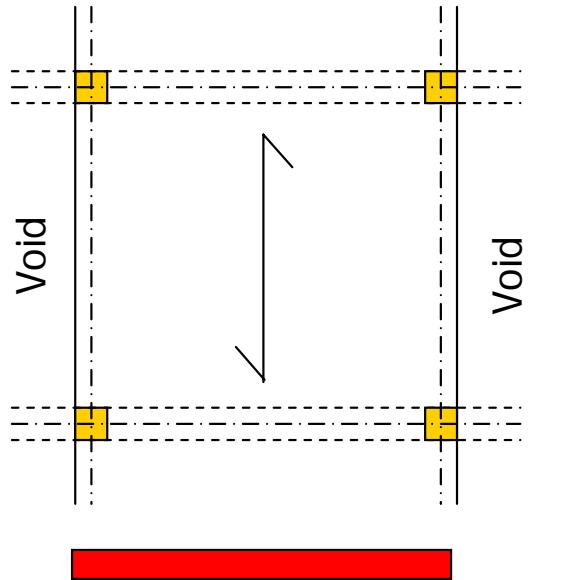
$$M_a = M_b = \frac{(w/2)l^2}{8} = 0.0625wl^2$$

در حالیکه لنگر خمی محاباتی بر اساس تئوری الاستیسیته معادل:  $0.048wl^2$  می‌باشد. که کاهش ۲۵ درصدی فوق به علت وجود لنگرهای پیچشی است که در تئوری نواری نادیده گرفته شده است.



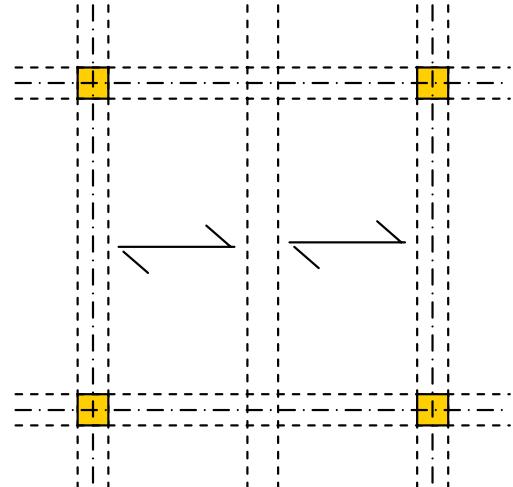
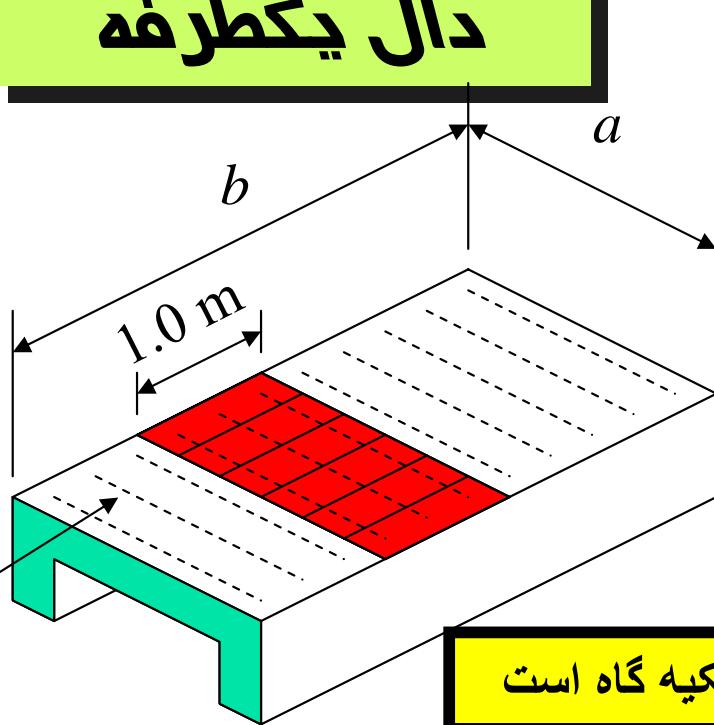
## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

### DAL یکطرفه

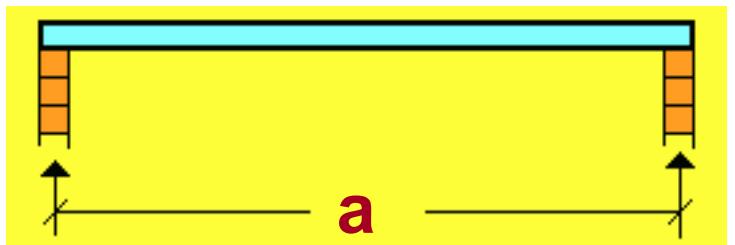


فولادهای اصلی

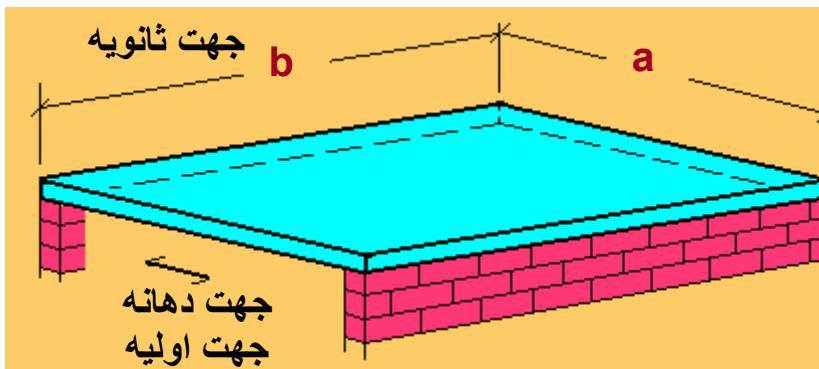
عرضهای واحد مانند تیر عمل می کنند



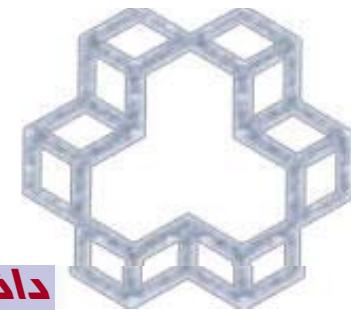
دهانه DAL یکسره فاصله بین مراکز تکیه گاه است



دهانه DAL ساده کوچکترین دو مقدار ۱-فاصله بین مراکز تکیه گاه است ۲-دهانه آزاد + عمق موثر DAL

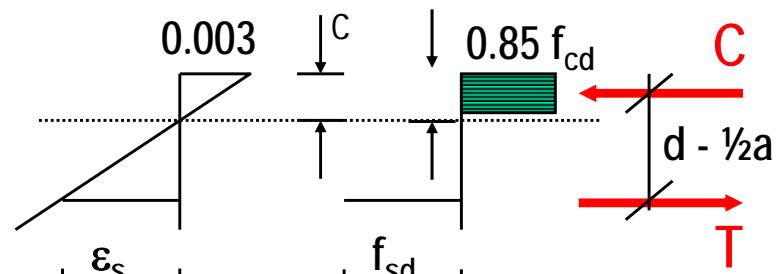
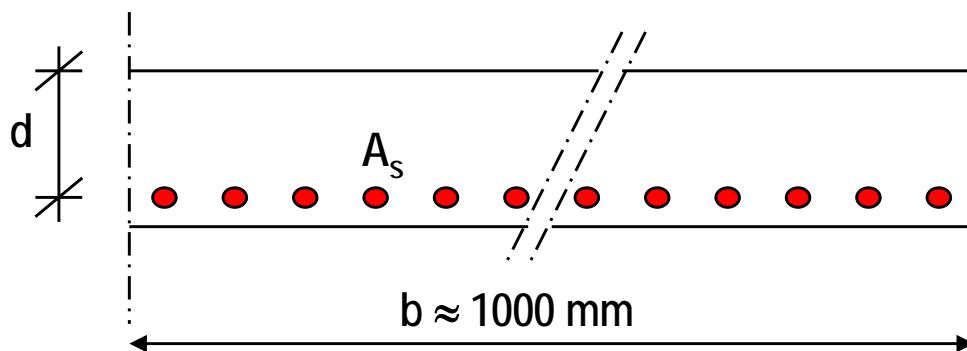


dal یکطرفه ساده

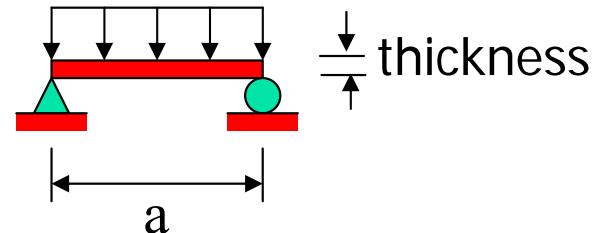


## طراحی دال یکطرفه ساده

اگر بار طراحی ( $kPa$ )  $w$  باشد، نوار طراحی به عرض یکمتر را برای بار ( $kN/m$ )  $1 \times w$  که لنگری معادل  $wa^2/8$  را در وسط دهانه دال ساده فوق ایجاد می‌کند طراحی می‌گردد. این لنگر دارای واحد  $kNm/m$  است

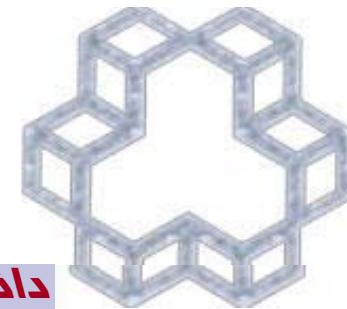


طراحی برای تیر به عرض یکمتر و ارتفاع ضخامت دال انجام می‌شود.



$$s = 1000 A_b / A_{st}$$

مقدار فولاد  $A_{st}$  محاسبه شده و با انتخاب سایز میلگرد  $A_b$  فاصله آنها چنین محاسبه می‌گردد.



## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

# فولاد افت و حرارت (در جهت بلند)

$$f_y < 400 \text{ MPa} \quad \rho_{\min} = .002$$

$$f_y = 400 \text{ MPa} \quad \rho_{\min} = .0018$$

$$f_y > 400 \text{ MPa} \quad \rho_{\min} = .0018 \times 400/f_y > .0015$$

$$A_s = \rho_{\min} A_g$$

### فولاد اصلی (جهت کوتاه)

$A_s$  is of  $\phi 6,8,10 \text{ mm}$

: حداقل فاصله  $3 h$  یا  $35 \text{ cm}$

ماکریم اندازه دانه  $\times 4/3$  یا قطر میلگرد اصلی : حداقل فاصله  $2.5 \text{ cm}$



$$s \leq 3h \text{ or } 350 \text{ mm}$$

میلگردهای اضافی فوق در جهتی گذاشته می شود که فولاد محاسباتی موجود نباشد.

در دالهای باضخامت متعارف این میلگردها در یک سفره و چنانچه ضخامت زیاد باشد در دو سفره بالا و پایین قرار می گیرد

### ضخامت حداقل برای کنترل خیز

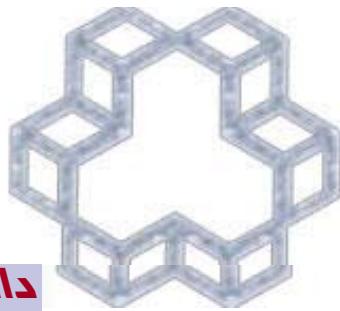
تکیه گاه ساده	یکطرف پیوسته	دو انتهای پیوسته	طره ای
a/20	a/24	a/28	a/10

انتخاب  $h$  بر اساس معیارهای ذیل می باشد:

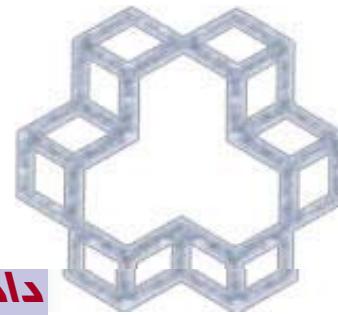
۱- عدم نیاز به فولاد فشاری

۲- کنترل تغییر شکل

۳- کنترل برش



# تحلیل دالها به روش ضرایب



## روش ضرایب لنگر و برش در دالهای یکطرفه پیوسته

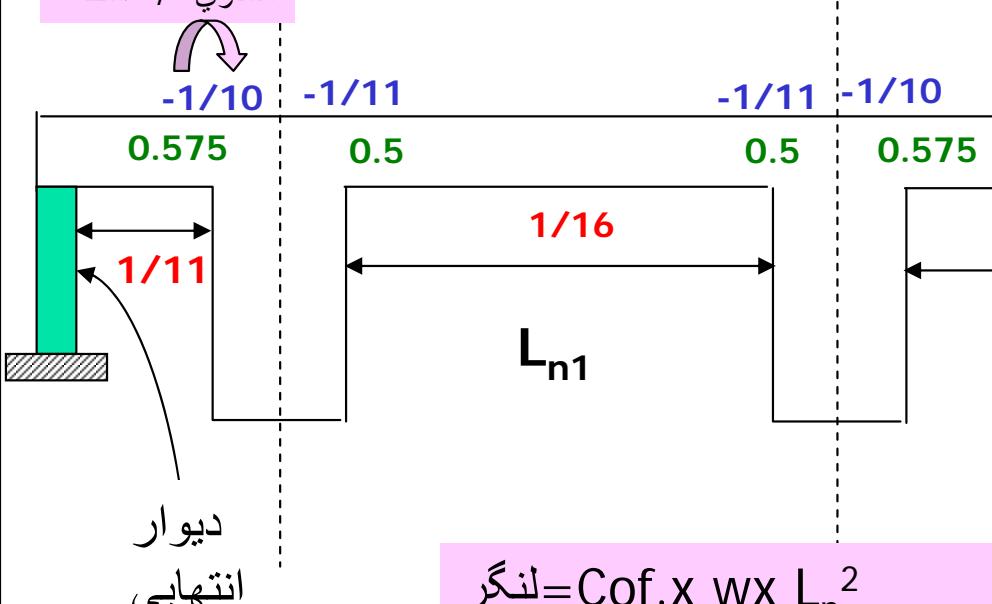
## نکته:

«برای محاسبه لنگر مثبت از طول ازاد همان دهانه استفاده کنید»

«برای محاسبه لنگر منفی از متوسط طول ازاد دو دهانه مجاور استفاده کنید»

«چنانچه طول دهانه کمتر از ۳ متر باشد ضریب لنگرهای منفی  $1/12$  خواهد بود.

در دو دهانه مساوی  $1/9$  است



$$\text{لنگر} = \text{Cof.} \times W \times L_n^2$$

$$\text{برش} = \text{Cof.} \times W \times L_n$$

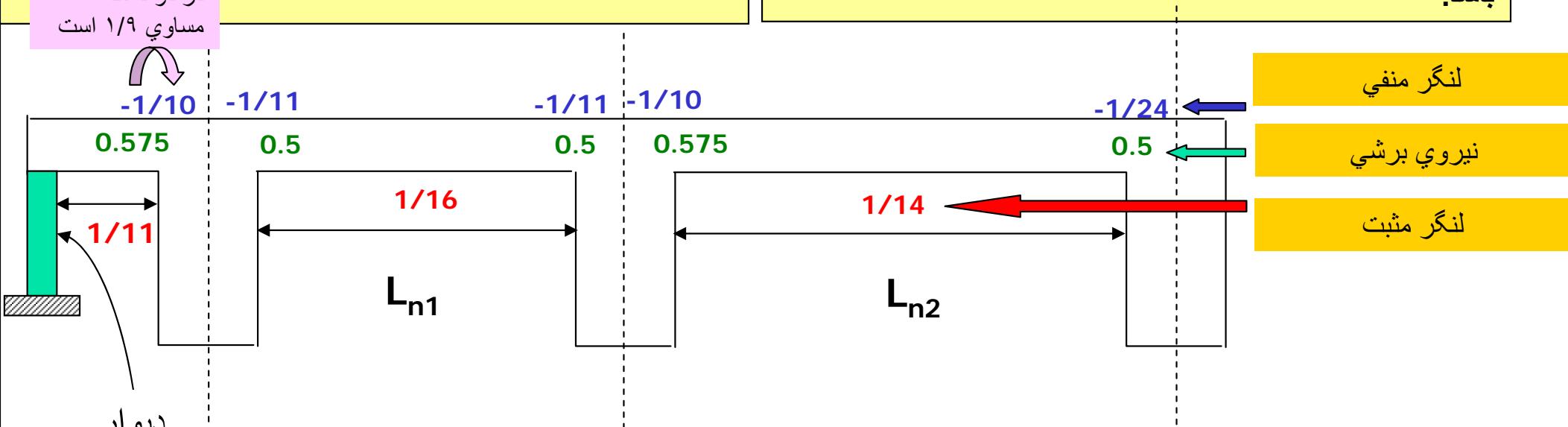
## ضوابط:

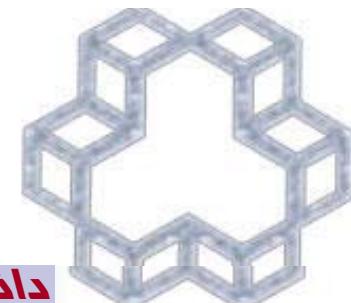
۱- دو یا بیش از دو دهانه وجود دارد.

۲- دهانه ها باید اندازه شان تقریباً مساوی باشد و طول دهانه بزرگتر نباید بیشتر از  $20\%$  درصد از دهانه کوچکتر مجاور بزرگتر باشد.

۳- بارها باید به صورت یکنواخت توزیع شود.

۴- بار زنده بدون ضریب نباید بیشتر از  $3$  برابر بار مرده بدون ضریب باشد.





## مثال ۳.۱

دال دو دهانه کف نشان داده شده را که مقطع آن نیز نشان داده شده است را طراحی نمایید.  $f'c=28 \text{ MPa}$ ,  $f_y=420 \text{ MPa}$ ,  $LL=3 \text{ kN/sq.m}$ , کف سازی =  $2.4 \text{ kN/sq.m}$

$$\text{Slab weight} = 1.25(1.8 \times 24) = 5.4 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{Finishing} = 1.25(2.4) = 3.0 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{Live Load} = 1.5(3) = 4.5 \text{ kN/m}^2$$

$$\text{The factored load} = 12.9 \text{ kN/m}^2$$

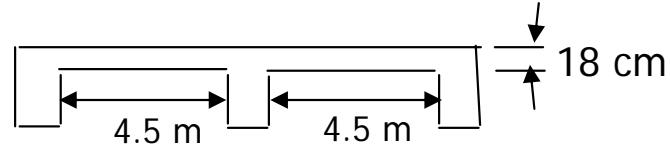
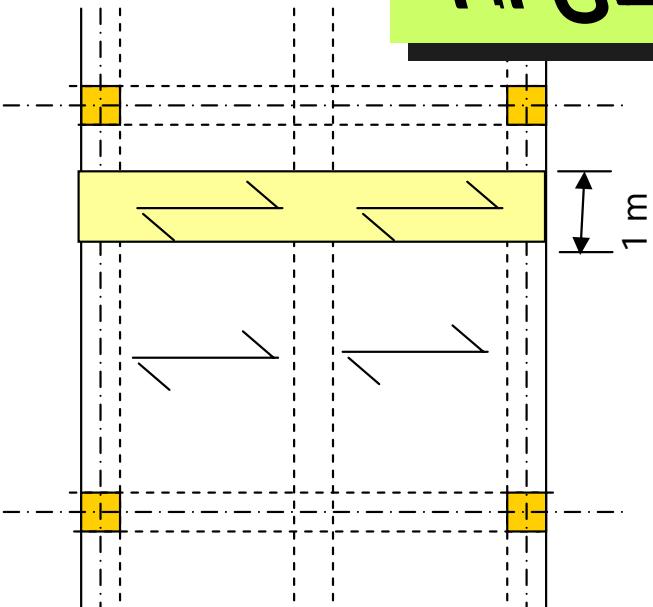
The load per meter on the strip shown shaded in figure is  $1 \times 12.9 = 12.9 \text{ kN/m}$

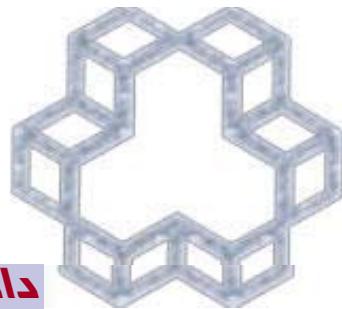
$$\text{Moment at face of interior support} = -M = 1/10 \times 12.9 \times 4.5^2 = 26.12 \text{ kN.m/m} \quad As = 5.94 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 18$$

$$\text{Moment at interior span} = M = 1/14 \times 12.9 \times 4.5^2 = 26.12 \text{ kN.m/m} \quad As = 3.74 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 25$$

$$\text{Moment at face of exterior support} = -M = 1/24 \times 12.9 \times 4.5^2 = 10.88 \text{ kN.m/m} \quad As = 2.19 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 10 @ 20$$

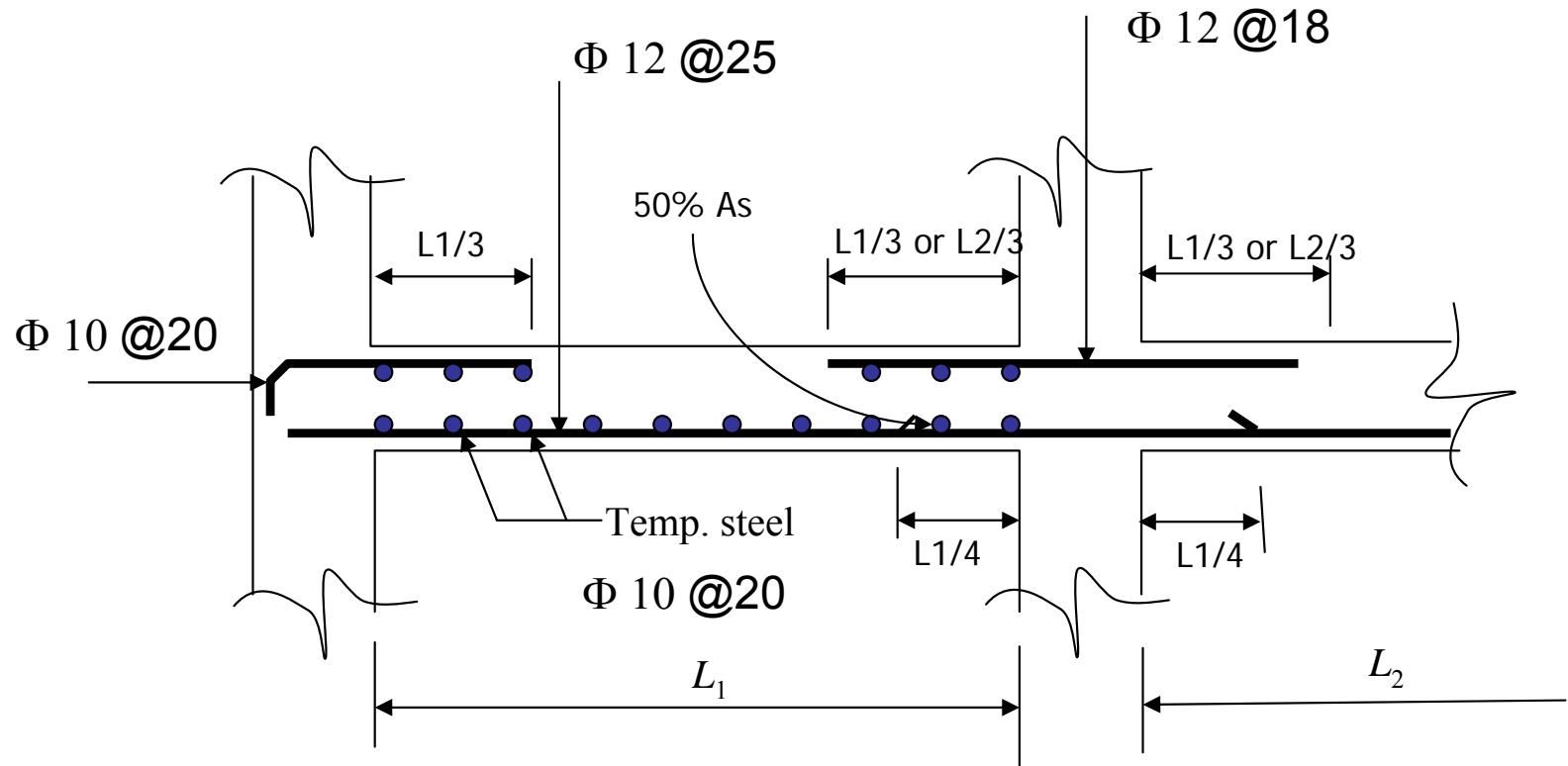
$$\text{Temperature & shrinkage minimum reinforcement} As = 100 \times 18 \times 0.0018 \times 400 / 420 = 3.1 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 10 @ 20$$

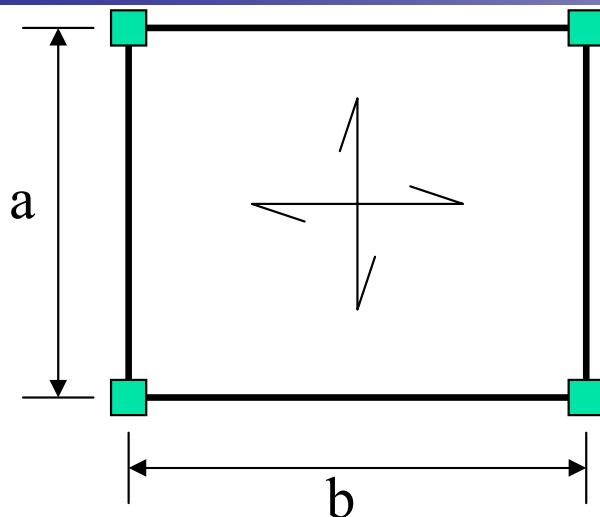
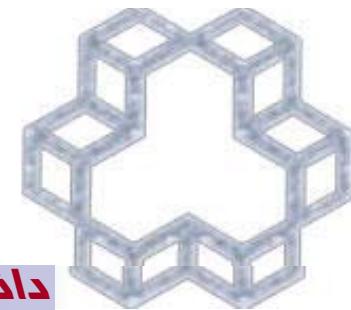




دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

## جزئیات میلگرد گذاری

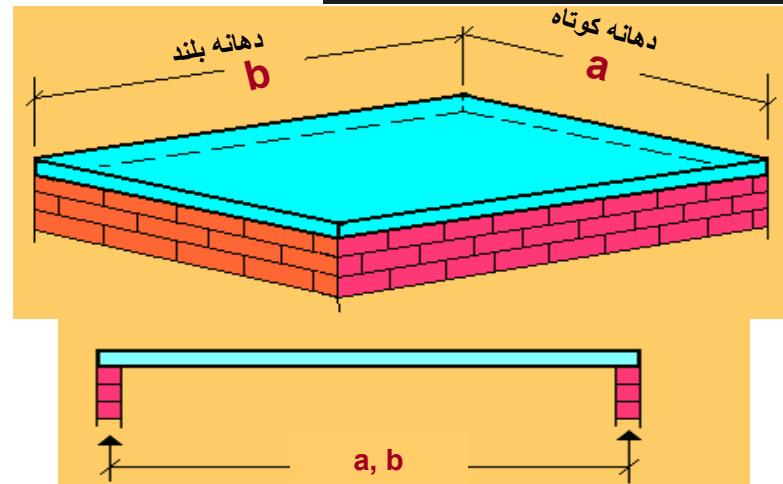




**طراحی دال دو طرفه**  
 $|b < 2a|$

فولاد گذاری:

اندازه دانه  $4/3$  : حداقل فاصله برای فولاد اصلی  
یا  $2.5 \text{ cm}$  یا  $35 \text{ cm}$  یا  $t = 35 \text{ cm}$  : حداقل فاصله



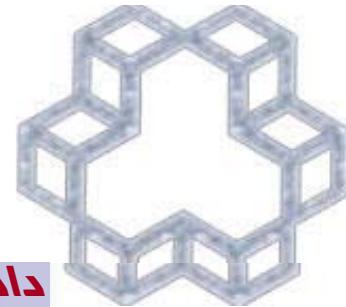
دال دو طرفه بار را در دو جهت منتقل می کند و دو دهانه در تحمیل بار سهیم می شوند

$h = 10 \text{ cm}$

**حداقل ضخامت:**

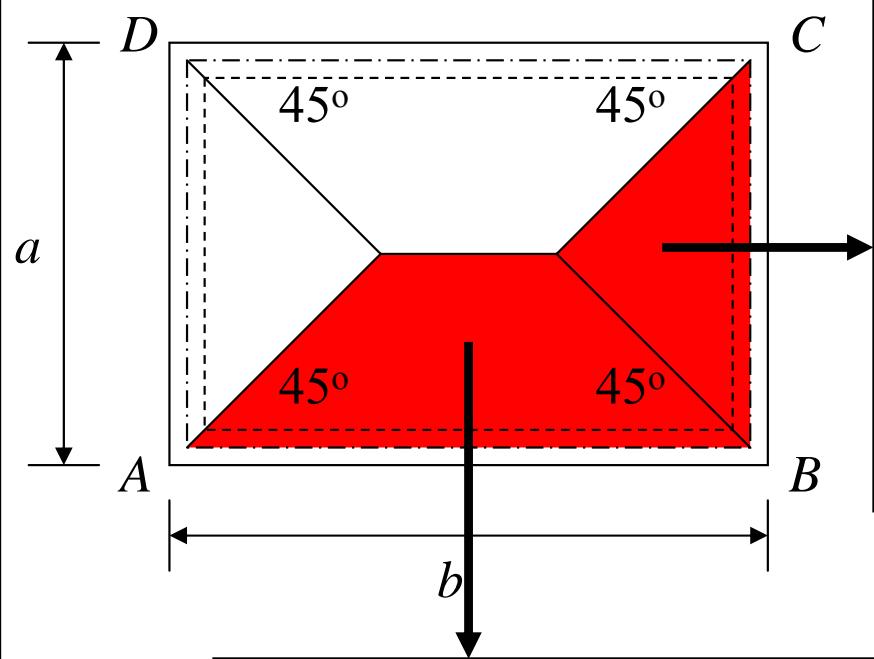
$= \frac{140}{\text{محیط}} = \frac{140}{4(a+b)} = \frac{2(a+b)}{140}$

$= \frac{160}{\text{محیط}} = \frac{160}{4(a+b)} = \frac{2(a+b)}{160}$



## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

بار به صورت دو طرفه به تیرهای طرفین منتقل می شود اگر  $\alpha_1 l_2 / l_1 > 1$



دهانه کوتاه (BC):

$$\text{بار کف} = w \text{ kg/sq.m}$$

$$\text{سطح متضاد} = a^2/4 \text{ sq.m}$$

$$\text{بار روی تیر} = wa/4 \rightarrow wa/3 \text{ kg/m}$$

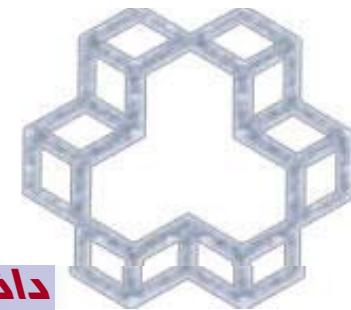
نسبت دهانه (AB) دهانه بلند:

$$ab/2 - a^2/4 = a^2(2-m)/(4m) \text{ sq.m}$$

$$= wa(3-m^2)/6 \text{ kg/m}$$

علاوه بر روش فوق می توان با استفاده از ضرایب جدول ۶-۱۰ تلاش برآشی در دال و سهم باربری تیرها را بر اساس تقسیم بار کل چشمeh W در دو امتداد a و b بدست آورد.

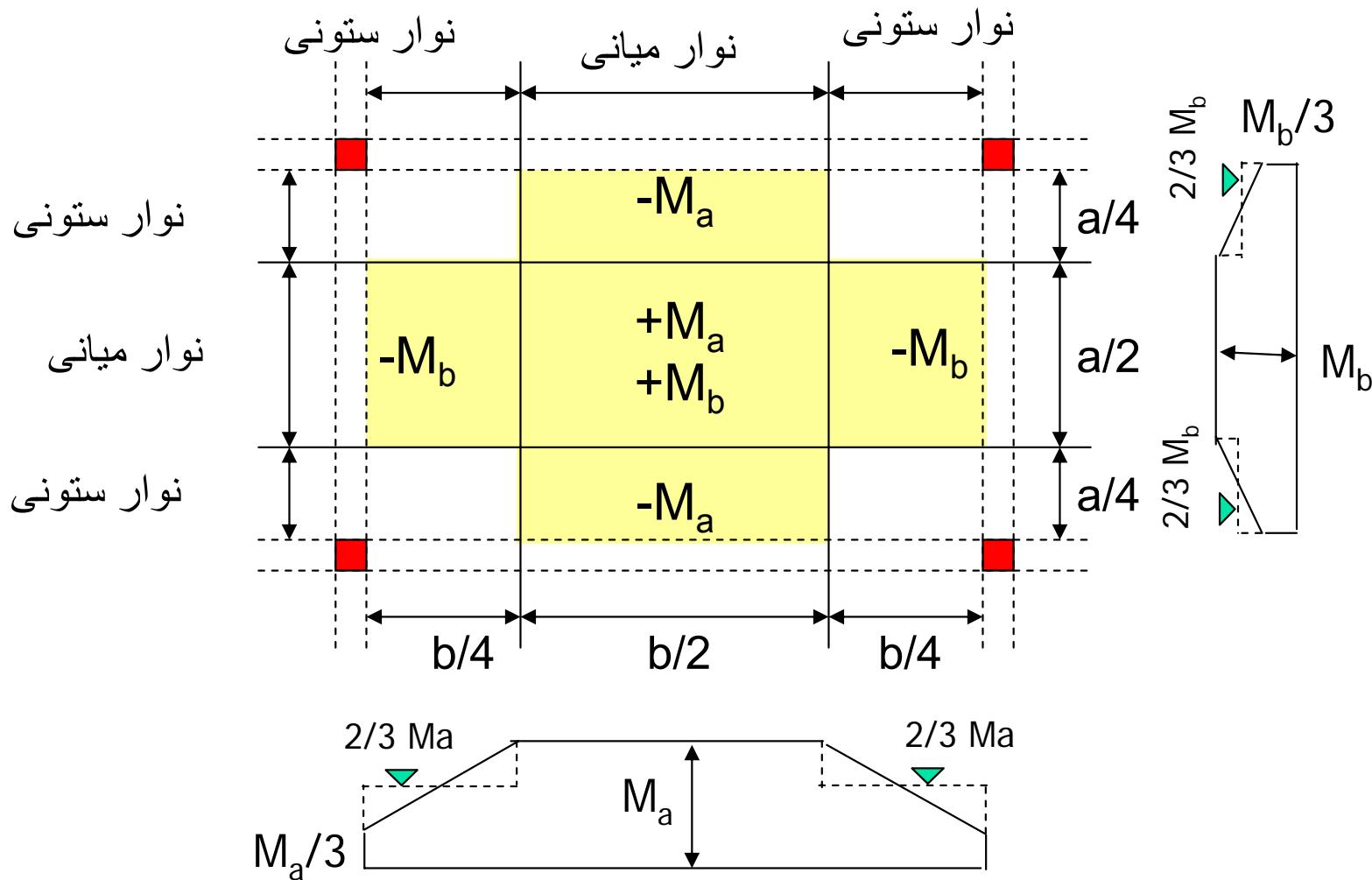
این برش به طور یکنواخت در طول تکیه گاههای دال تقسیم می شوند.



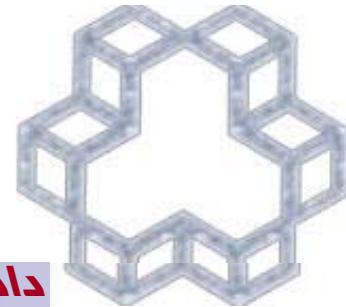
## روش ضرایب

لنگر نوار میانی در واحد عرض:  $M_M = c_a w a^2$  OR  $c_b w b^2$

لنگر نوار ستونی در واحد عرض:  $M_C = 2M_M/3$



بر اساس مود شکست  
لوالایی دالها (باز پخش  
غیر الاستیک لنگرها)،  
وقتی لنگر حداقل  
الاستیک به مقدار لنگر  
شکست مقطع دال رسید؛  
باز هم به مقاومت ادامه  
داده تا مود شکست کلی  
دال حاصل شود.  
بنابراین طراحی بر  
اساس حدکثر لنگر  
الاستیک غیر اقتصادی  
می باشد. لنگرهاي  
جدول ارائه شده همواره  
کمتر از لنگرهاي  
حداکثر الاستیک انتخاب  
شده اند.



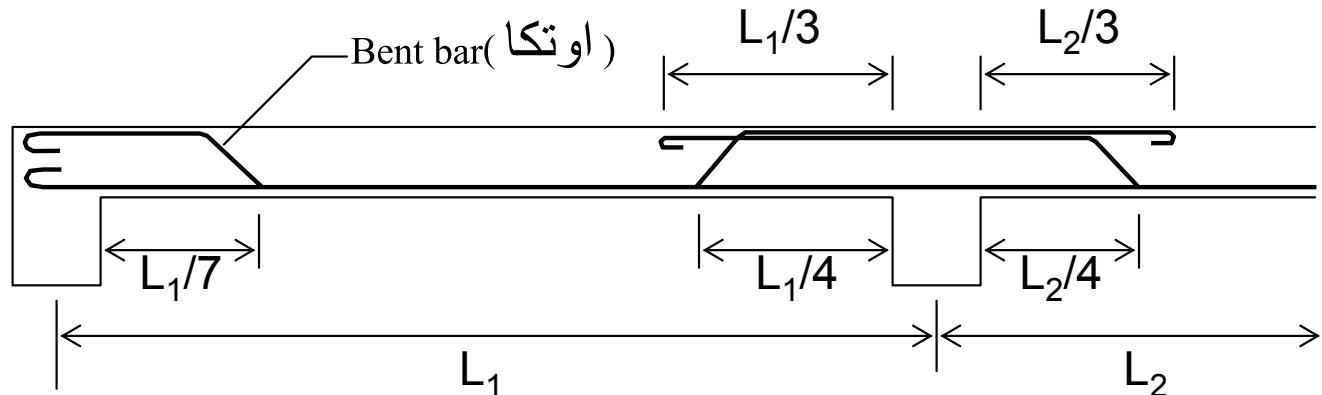
الف) برای تعیین ضرایب لنگر منفی چنین فرض شده است که در دو دهانه مجاور بطور کامل تحت بار مرده و زنده است.

برای محاسبه ضرایب لنگر مثبت بسته به نوع بار نحوه مدل تحلیلی متفاوت است.

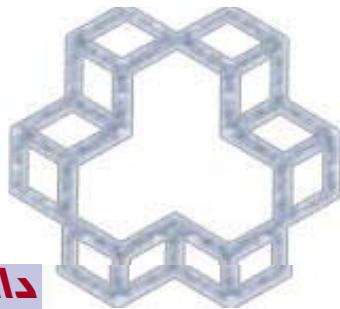
۱- در صورتیکه بار مرده وارد شود چون در کلیه دهانه ها وجود دارد لذا دورانی در تکیه گاهها وجود ندارد و تکیه گاهها گیردار است

۲- در صورتیکه بار زنده وارد شود در دهانه فوق وارد شده و در دهانه های مجاور وجود ندارد (بارگذاری شطرنجی) لذا دوران در لبه های پیوسته وجود دارد (۵۰ درصد گیرداری)

ب) لنگر منفی در لبه غیر پیوسته مساوی  $\frac{3}{4}$  لنگر مثبت دهانه در همان امتداد است.

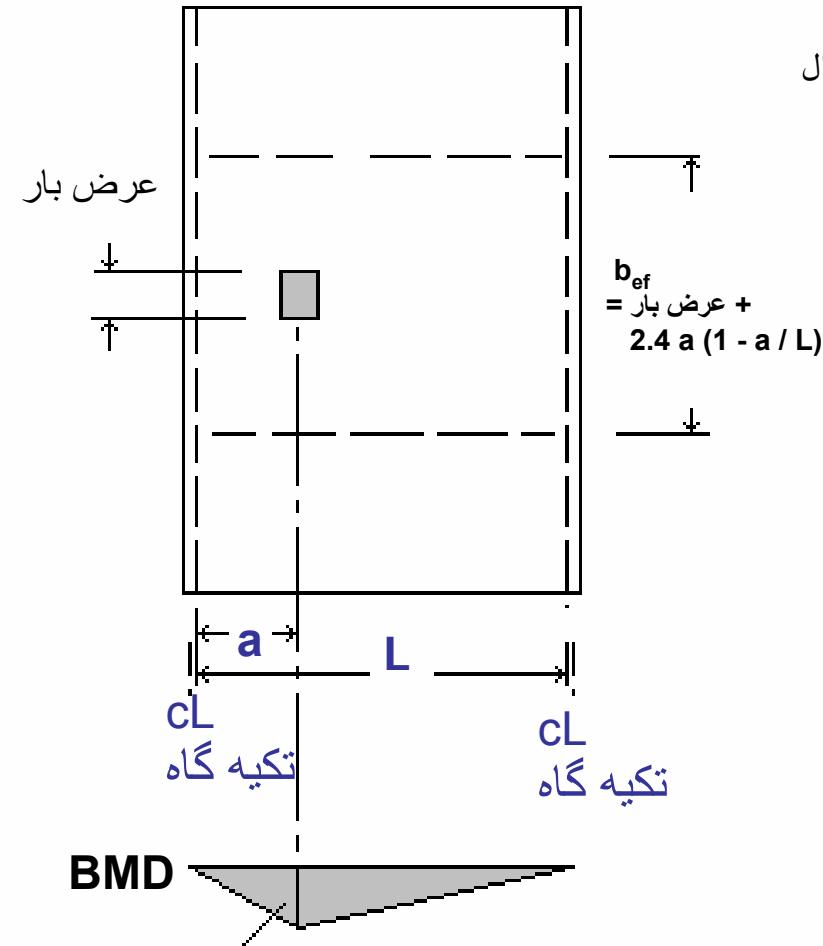


## جزئیات میلکرد گذاری در دال



## بارهای متمرکز-اثر خمث

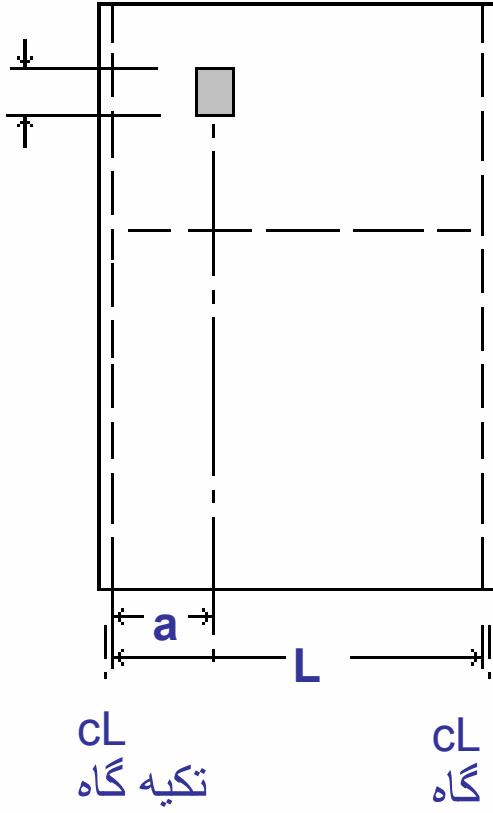
بار از لبه فاصله دارد



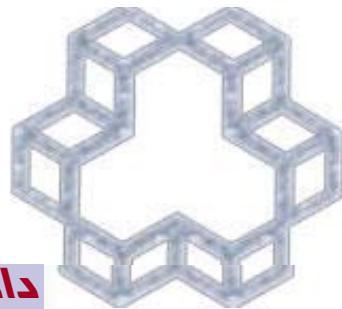
$$M_{max} = W a (L - a/L)$$

عمل می کند بر عرض موثر  
فاصله مرکز تا مرکز تکیه گاه

بار نزدیک لبه است



اعمال بار بر روی یک دال ابتدا سبب کاسه ای شدن آن در اطراف بار فوق می گردد و لذا پخش تغییر شکل فوق به اطراف باعث درگیر شدن عرض بیشتری از دال در تغییر شکل فوق می شود. عرض موثر  $b_{ef}$  چنین محاسبه می گردد.



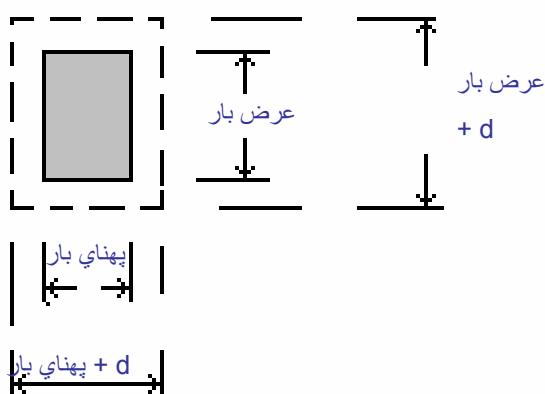
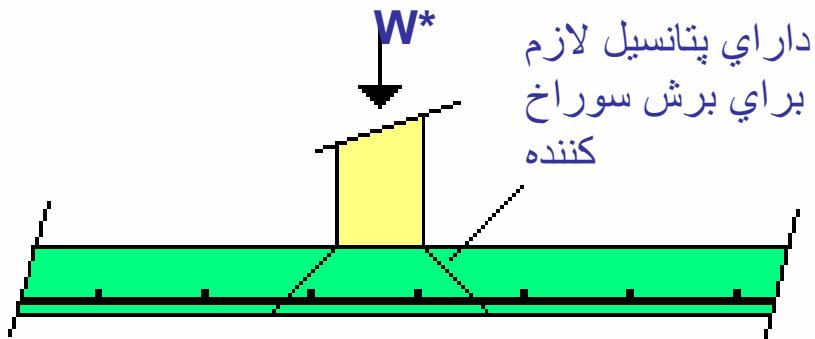
## دانشگاه صنعتی خواجه ذصیرالدین طوسی

### بارهای مرکز-برش سوراخ کننده

اگر بار مرکز بزرگ و یا سطح اثر آن کوچک باشد، ممکن است که بار فوق اثر سوراخ کننده‌گی در دال داشته باشد. عمل خمی باید همراه اثر فوق کنترل گردد.

$b_0$  محیط بحرانی

$$= 2 * \text{پهنای بار} + d + 2 * (\text{عرض بار})^2$$



مقاومت در برابر برش سوراخ کننده در محیط بار:

$$V_c = 0.2\gamma \phi_c (f'_c)^{0.5} b_0 d$$

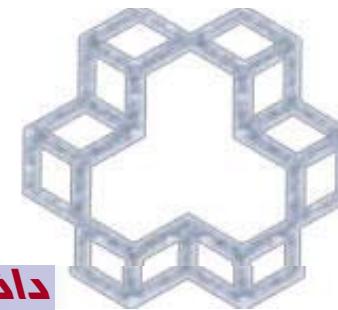
ضریبی که بستگی به ابعاد بار دارد  $\gamma$

شرط تحمل بار چنین کنترل می گردد:

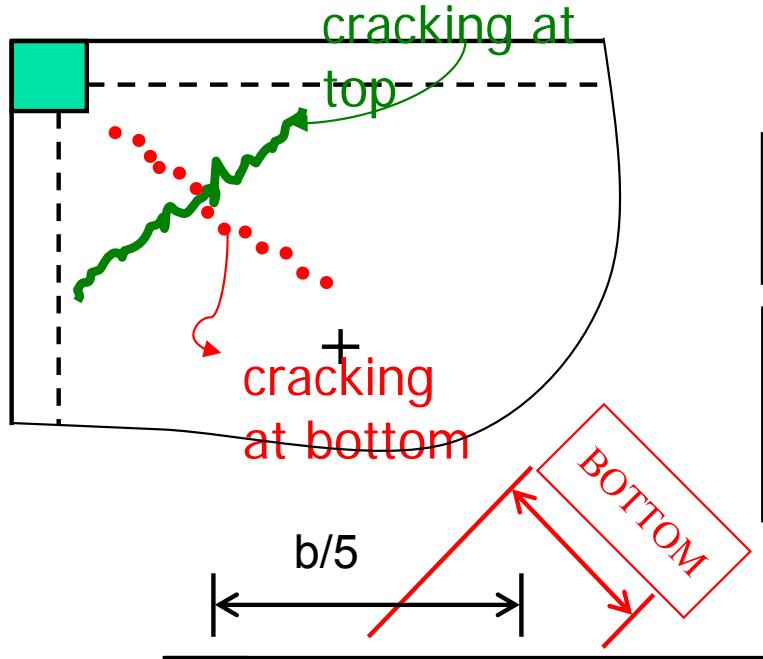
$$V_c \geq W^* \phi_c = 0.6$$

در این مورد  
بیشتر صحبت  
خواهیم کرد!



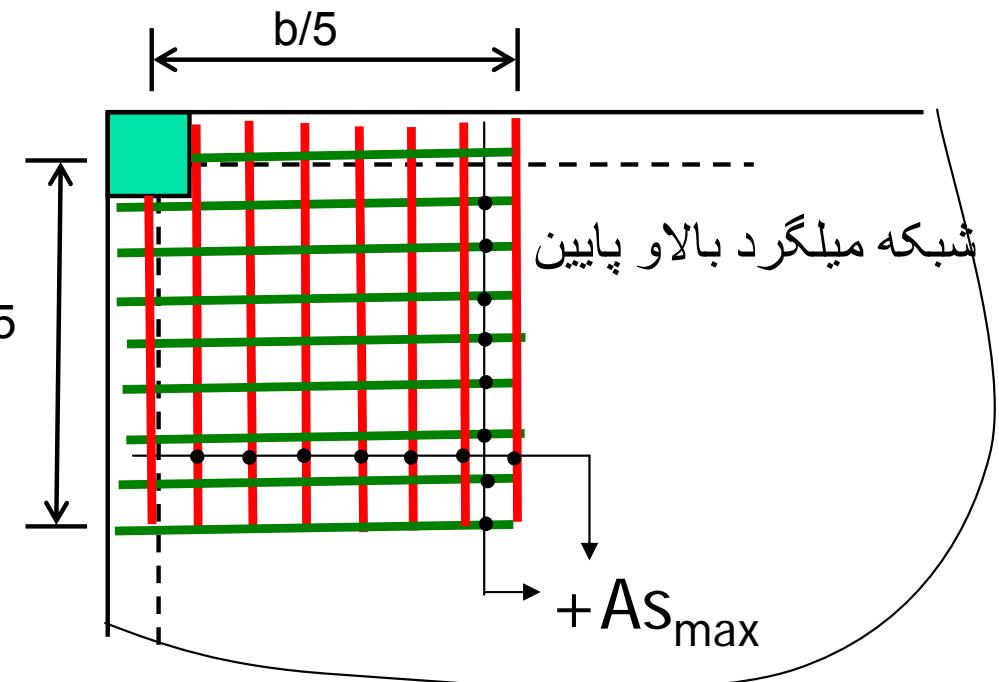
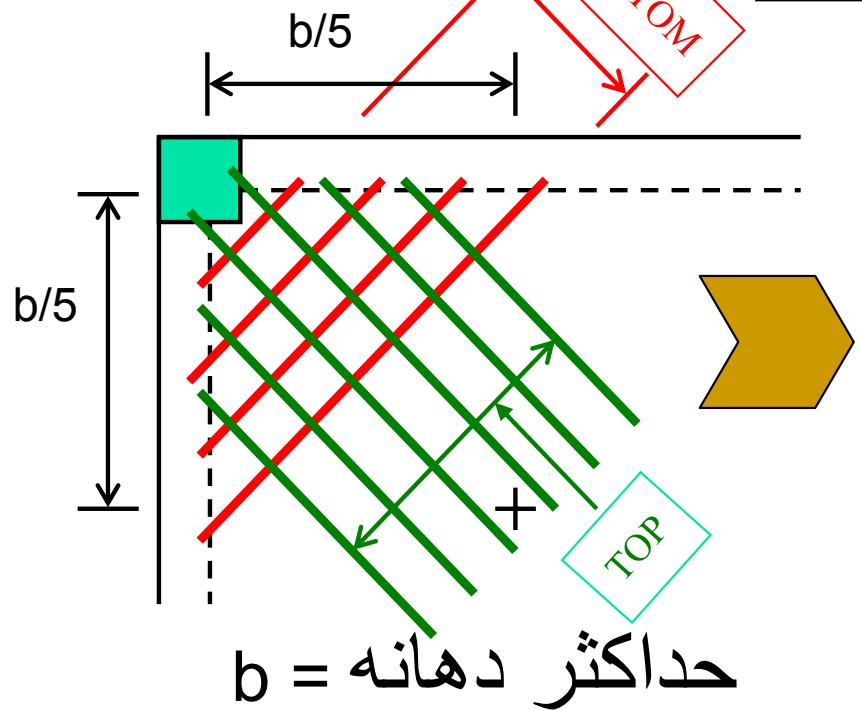


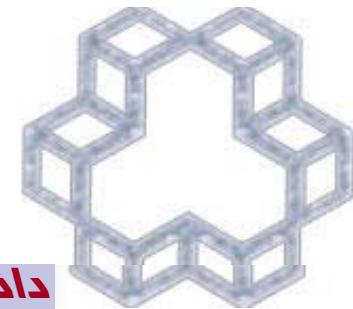
## شبکه میلگردهای گوشه



وجود لنگر های پیچشی نامتعادل در گوشه های دال سبب تمایل دال به حرکت به سمت بالا در گوشه های دال می گردد.

طبق آیین نامه در دالهایی که تیرهای تکیه گاهی دارای  $\alpha$  بزرگتر از ۱ هستند در گوشه های خارجی باید میلگردهای خاص هم در بالا و پایین دال پیش بینی شود





## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

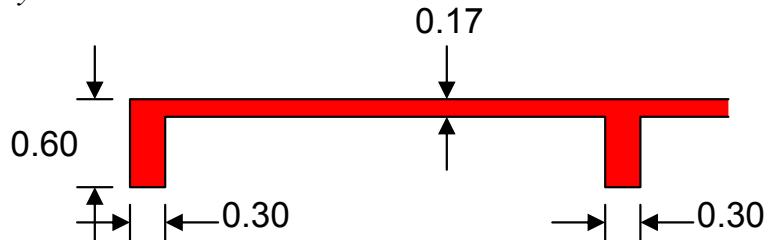
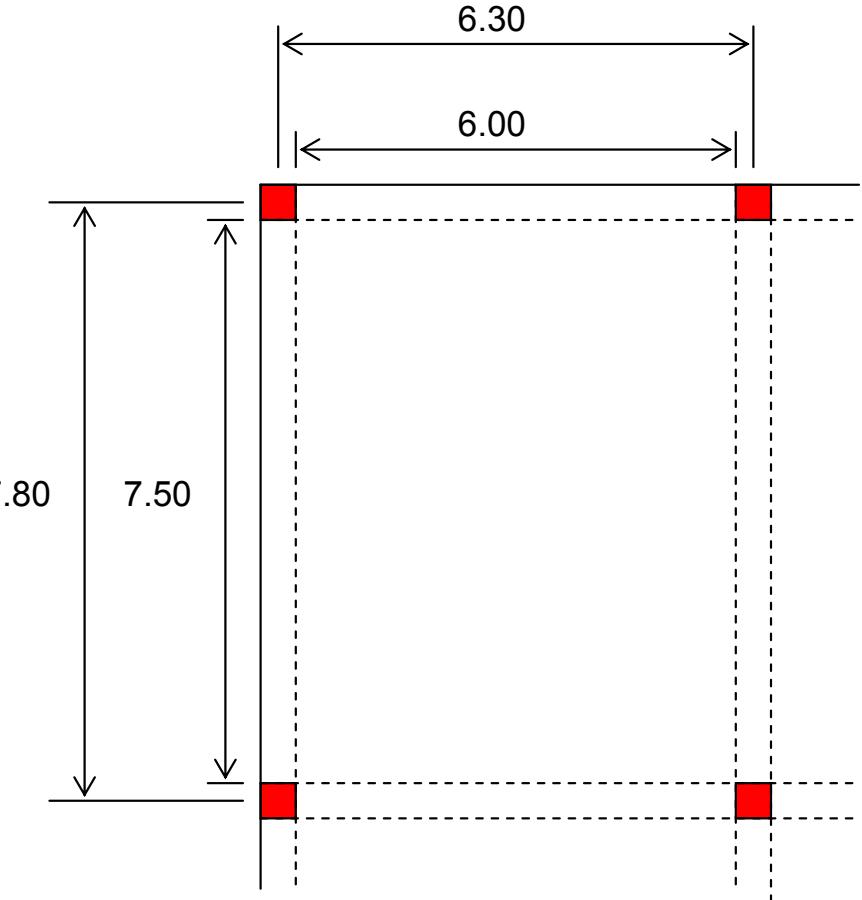
دال دو طرفه زیر را طراحی نمایید

مثال طراحی

۳،۲

live load= 500-kg/m<sup>2</sup>

Finishing=3 kN/sq.m  $f_c' = 21 \text{ MPa}$ ,  $f_y = 420 \text{ MPa}$

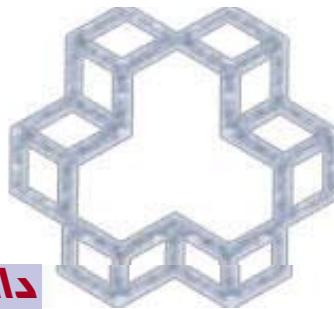


$$\text{Min } h = 2(600+750)/160 \sim 17 \text{ cm}$$

$$m = 6.00/7.50 = 0.8$$

$$d = 17 - 3 = 14 \text{ cm}$$

$$A_{s\min} = 100 \times 18 \times 0.0018 \times 400 / 420 = 3.1 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 30, \phi 10 @ 25$$



Slab weight =  $1.25(1.7 \times 24) = 5.1 \text{ kN/m}^2$

Finishing =  $1.25(1.9) = 2.4 \text{ kN/m}^2$

Live Load =  $1.5(5) = 7.5 \text{ kN/m}^2$

---

The factored load =  $15.0 \text{ kN/m}^2$

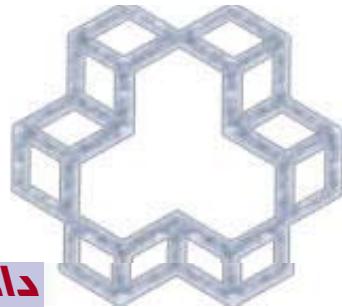
## Negative moments

Moment in direction of short length =  $-M = .0710 \times 15.0 \times 6^2 = 38.34 \text{ kN.m/m}$  As =  $9.35 \text{ cm}^2/\text{m}$ ,  $\phi 12@10$

Moment in direction of long length =  $-M = .029 \times 15.0 \times 7.5^2 = 24.47 \text{ kN.m/m}$  As =  $7.21 \text{ cm}^2/\text{m}$ ,  $\phi 12@15$

## Positive moments

$$\text{Moment in direction of short length} \left\{ \begin{array}{l} M_D = .039 \times 7.5 \times 6^2 = 10.53 \text{ kN.m/m} \\ M_L = .048 \times 7.5 \times 6^2 = 12.96 \text{ kN.m/m} \end{array} \right\} \begin{array}{l} M = 23.49 \text{ kN.m/m} \\ \text{As} = 5.55 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12@20 \end{array}$$



## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

Moment in direction of long length

$$\left\{ \begin{array}{l} M_D = .016 \times 7.5 \times 7.5^2 = 6.75 \text{ kN.m/m} \\ M_L = .020 \times 7.5 \times 7.5^2 = 8.44 \text{ kN.m/m} \end{array} \right\}$$

$M = 15.19 \text{ kN.m/m}$

$As = 4.38 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 20$

### Negative moments at exterior face

Moment in direction of short length =  $-M = 3/4 \times 23.49 = 17.6 \text{ kN.m/m}$   $As = 3.96 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 20$

Moment in direction of long length =  $-M = 3/4 \times 15.19 = 11.4 \text{ kN.m/m}$   $As = 2.86 \text{ cm}^2/\text{m}, \phi 12 @ 20$

